# ALGEBRA

## الجبر [

الأربعاء، 24 يناير/كانون الثاني، 2024 — 1:15 إلى 4:15 مساءً، فقط

اسم الطالب(ة)
اسم المدرسة

يُمنع منعًا باتًا حيازة أو استخدام أي جهاز للاتصال عند خوض هذا الامتحان. إذا كان بحوزتك أي جهاز للاتصال أو قمت باستخدامه، بغض النظر عن قصر فترة الاستخدام، فسيتم إبطال امتحانك ولن يتم احتساب أي درجة لك.

اكتب اسمك واسم مدرستك على السطور أعلاه.

تم تزويدك بورقة إجابة منفصلة للجزع I. اتبع تعليمات مراقب الامتحان لتكملة بيانات الطالب(ة) على ورقة إجابتك.

يتكون هذا الامتحان من أربعة أجزاء، بإجمالي 37 سؤالاً. يجب عليك الإجابة عن جميع الأسئلة في هذا الامتحان. اكتب إجاباتك عن أسئلة الجزء I ذات الاختيار من إجابات متعددة على ورقة الإجابة المنفصلة. اكتب إجاباتك عن الأسئلة في الأجزاء II، وIII، وIII، وVI مباشرة في هذا الكتيب. يجب أن تكون جميع الخطوات مكتوبة بالقلم الحبر الجاف، باستثناء الرسوم البيانية والرسوم التوضيحية، والتي يجب أن تكتب بالقلم الرصاص. حدد بوضوح الخطوات اللازمة، بما في ذلك بدائل المعادلة المناسبة، والرسوم البيانية ليست بالضرورة البيانية، والجداول، وما إلى ذلك. استخدم المعلومات المقدمة لكل سؤال لتحديد إجابتك. لاحظ أن الرسوم البيانية ليست بالضرورة مرسومة بالأبعاد الحقيقية.

المعادلات التي قد تحتاج إليها للإجابة عن بعض الأسئلة في هذا الامتحان موجودة في نهاية كتيب الامتحان. هذه الورقة مثقبة حتى يمكنك إز التها من هذا الكتيب.

لا يُسمح بورقة المسودة لأي جزء من هذا الامتحان، لكن يمكنك استخدام المساحات الفارغة في هذا الكتيب كورقة مسودة. يتم توفير ورقة مثقبة من ورقة الرسم البيانية مفيدة لحله لكنها غير مطلوبة. يمكنك إزالة هذه الورقة من ودقة من هذا الكتيب أي عمل يتم القيام به على هذه الورقة لمسودة الرسم البياني، لن يتم احتساب درجات له.

عند الانتهاء من الامتحان، يجب عليك التوقيع على البيان المطبوع في نهاية ورقة الإجابات، مع الإشارة إلى أنه ليس لديك أي معرفة غير قانونية بالأسئلة أو الإجابات قبل خوض هذا الامتحان وأنك لم تقدم أو تتلق مساعدة على الإجابة على أي من الأسئلة خلال خوض الامتحان. لن يتم قبول ورقة الإجابات الخاصة بك إذا لم تقم بالتوقيع على هذا البيان.

ملحوظة...

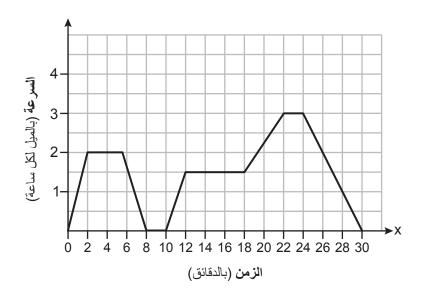
يجب أن تكون الآلة الحاسبة الرسومية والمسطرة العدلة (نوع المسطرة) متاحتين لك لاستخدامهما أثناء خوض هذا الامتحان.

لا تفتح كتيب الامتحان هذا حتى يتم إعطاء إشارة بذلك.

أجب عن جميع الـ24 سؤالاً في هذا الجزء. ستحصل كل إجابة صحيحة على نقطتين (2). لن يسمح بمنح أجزاء من الدرجة. استخدم المعلومات المقدمة لكل سؤال لتحديد إجابتك. لاحظ أن الرسوم البيانية ليست بالضرورة مرسومة بالأبعاد الحقيقية. بالنسبة لكل عبارة أو سؤال، اختر الكلمة أو التعبير الذي، من بين الخيارات المقدمة، يكمل العبارة أو يجيب عن السؤال على أكمل وجه. اكتب إجاباتك في ورقة إجابتك المنفصلة. [48]

استخدم هذه المساحة للحسابات.

1 يمثل الرسم البياني أدناه سرعة رجل خرج يسير مع كلبه أثناء تمشيته لمدة 30 دقيقة حول الحي الذي يقطن فيه.



أي من العبارات التالية تصف على نحو أفضل ما كان يفعله الرجل أثناء الفترة من الدقيقة 12 إلى الدقيقة 18 من تمشيته؟

- (1) كان يسير بمعدل سرعة ثابت.
  - (2) كان يزيد من سرعته.
  - (3) كان يُقلل من سرعته.
  - (4) كان يقف ثابتًا في مكانه.

 $\{(x,7),(4,8),(2,6),(0,4)\}$  بافتراض العلاقة: 2

أي من قيم x التالية تجعل هذه العلاقة دالة؟

- 6 (3) 0 (1)
- 4 (4) 2 (2)

## استخدم هذه المساحة للحسابات.

- تفرض شركة لتأجير الدراجات المائية السريعة رسوم تأمين بالإضافة إلى تسعيرة للتأجير لكل ساعة. وتُمثّل التكلفة الإجمالية بالدالة R(x)=30+40x. بناء على هذا التمثيل، أي من العبارات التالية تُعد صحيحة؟
  - ية الإجمالية R(x) أمثِل التكلفة الإجمالية.
  - x تعبر عن عدد ساعات التأجير.
  - III. تكلفة رسوم التأمين 40 دو لارًا.
  - IV. تسعيرة التأجير لكل ساعة 30 دولارًا.

- 4 الحد الحادي عشر للمتتالية 3, -6, 12, -24, ..., هو
- 3072(3) -3072(1)
- 6144(4) -6144(2)
  - 5 أي من المواقف التالية تمثل النمو الأسي؟
- (1) يُضيف آيدان إلى حصالته 10 دو لارات كل أسبوع.
- (2) يزداد طول شجرة صنوبر بمقدار 1.5 قدم كل عام.
- (3) تحصل إيلا على 20 دولارًا في الساعة عند مجالستها الأطفال.
- ر4) يتضاعف عدد الأشخاص الذين يتخصصون في علوم الحاسب كل 5 أعوام.

يعادل التعبير 
$$(-x^2+3x-7)-(4x^2+5x-2)$$
 ما يلي 6

$$-5x^2 + 8x - 9$$
 (3)  $-5x^2 - 2x - 9$  (1)

$$-5x^2 + 8x - 5$$
 (4)  $-5x^2 - 2x - 5$  (2)

#### استخدم هذه المساحة للحسابات.

بافتر اض الدالة  $f(x) = x^2$ ، فأي الدو ال التالية تنتج عن إزاحة 3f(x) وحدات لليسار ووحدتين 7 بافتر السفل؟

$$j(x) = (x+3)^2 - 2 (3)$$
  $g(x) = (x+2)^2 - 3 (1)$ 

$$k(x) = (x-3)^2 + 2$$
 (4)  $h(x) = (x-2)^2 + 3$  (2)

 $v^2=u^2+2as$  تُمثّل المعادلة المستخدمة في إيجاد السرعة المتجهة لجسم من خلال التعبير ويمثل ويمثل ويمثل ويمثل u السرعة المتجهة المبدئية، ويمثل v السرعة المقائية، ويمثل والمسافة المقطوعة.

عند حل المعادلة للوصول إلى قيمة a، يصبح الناتج

$$a = v^2 - u^2 - 2s$$
 (3)  $a = \frac{v^2 u^2}{2s}$  (1)

$$a = 2s(v^2 - u^2)$$
 (4)  $a = \frac{v^2 - u^2}{2s}$  (2)

و أجرت السيدة سميث في حصة الرياضيات استطلاعًا للطلاب لتحديد نكهاتهم المفضلة من الآيس الكريم. وتوضع النتائج في الجدول أدناه.

مزيج	الفانيلا	الشوكولاتة	
45	27	42	طلاب السنة الأولى
21	42	67	طلاب السنة الأخيرة

من بين جميع الطلاب الذين يفضلون نكهة الشوكولاتة، كم كانت النسبة المئوية لطلاب السنة الأخيرة تقريبًا؟

$$61.5 (4)$$
  $44.7 (2)$ 

استخدم هذه المساحة للحسابات.

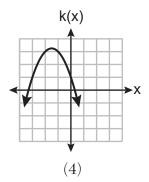
والدالة g(x)=3x+5 فما قيمة  $f(x)=x^2+2x+1$  فما قيمة  $f(x)=x^2+2x+1$  فما قيمة المعادلة (f(1)-g(3)

$$-10(3)$$
 10(1)

$$-8(4)$$
 8(2)

y أي هذه الدوال تتضمن قيمة أكبر لنقطة التقاطع مع المحور y

$$g(x) = |x| + 3$$
  $f(x) = -4x - 1$  (3)

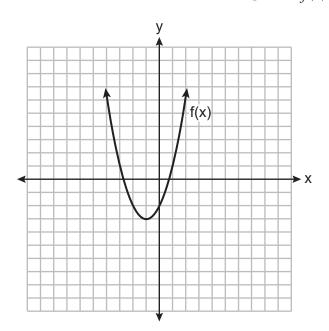


х	h(x)			
-1	1.5			
0	2			
1	3			
2	5			
(2)				

12 يُروج لاثنتين من باقات الرسائل النصية. تفرض الباقة A رسومًا شهرية 15 دولارًا وستبلغ تكلفة كل رسالة نصية 0.08 دولار. تفرض الباقة A رسومًا شهرية S دولارات وستبلغ تكلفة كل رسالة نصية S0.12 دولار. إذا استخدمنا المتغير S1 لتمثيل عدد الرسائل النصية في الشهر، فأي المتباينات التالية ينبغي لك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ينبغي لك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ينبغي لك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ينبغي الك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ينبغي الك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ينبغي الك استخدامها لتوضح أن تكلفة الباقة S1 المتباينات التالية ولمتبايد التوضيع المتبايد التوضيع التوضيع المتبايد التوضيع المتبايد التوصيع المتبايد التوصيع الت

$$15t + 0.08 < 3t + 0.12$$
 (3)  $15 + 0.08t < 3 + 0.12t$  (1)

$$15t + 0.08 > 3t + 0.12$$
 (4)  $15 + 0.08t > 3 + 0.12t$  (2)



f(x) ما معادلة محور التماثل للدالة

$$y = -1 (3) x = -1 (1)$$

$$y = -3 (4) x = -3 (2)$$

 $5x - 3x^2 - 1 + 7x^3$  ما درجة كثيرة الحدود

ناتج (x-3) و  $(x^2+3x+9)$  هو **15** 

$$x^3 - 6x^2 - 18x - 27$$
 (3)  $x^3 - 27$  (1)

$$-6x^4 + x^3 - 18x^2 - 27$$
 (4)  $x^2 + 4x + 6$  (2)

 $\frac{2}{3}(3-2x) = \frac{3}{4}$  يساوي

$$-\frac{33}{16}(3)$$
  $-\frac{11}{8}(1)$ 

$$\frac{15}{16}$$
 (4)  $\frac{5}{8}$  (2)

- والدالة g(x)=|x| والدالة f(x)=2x+6 بيانيًا على نفس المستوى الإحداثي، أي g(x)=|x| قيم x ستجعلها نساوي g(x)=g(x)
  - -2 (3) 6 (1)
  - -6 (4) 2 (2)
    - 2x 7 > 2.5x + 3 ما حل المتباينة 18
  - x > -20 (3) x > -5 (1)
  - x < -20 (4) x < -5 (2)
    - 19 ترد ثلاثة تعبيرات أدناه.

$$(2xy^2)^3$$
 .

$$(2x)^3 y^6$$
 .ب

$$(2x^2y^2)(4xy^3)$$
 .

أي من التعبير ات التالية تكافئ التعبير 8 $\chi^3 y^6$ ؟

$$(4)$$
 (أ) و $(4)$ 

20 أو دع جو 4000 دو لار في شهادة إيداع ببنكه المحلي. وتقدم شهادة الإيداع فائدة %3، بتطبيق فائدة مركبة سنويًا. أي الدوال التالية يمكن استخدامها لإيجاد قيمة شهادة الإيداع خلال  $\chi$  من السنوات؟

$$f(x) = 4000(1.3)^{x}$$
 (3)  $f(x) = 4000 + 0.3x$  (1)

$$f(x) = 4000(1.03)^{x} (4)$$
  $f(x) = 4000 + 0.03x (2)$ 

#### استخدم هذه المساحة للحسابات.

على الناتج 
$$-x^3 + 10x^2 + 24x$$
 عند تحليل على الناتج 21

$$-x(x+2)(x-12)$$
 (3)  $-x(x+4)(x-6)$  (1)

$$-x(x-2)(x+12)$$
 (4)  $-x(x-4)(x-6)$  (2)

22 عندما تبلغ درجة الحرارة 59 درجة فهرنهايت، تساوى سرعة الصوت عند مستوى سطح البحر 1225 كيلومترًا في الساعة. ما العملية التي يمكننا استخدامها لتحويل السر عة إلى قدم لكل ثانية؟

$$\frac{1}{1225}$$
 ميل •  $\frac{1}{125}$  •  $\frac{1}{1225}$  •  $\frac{1}{1225}$ 

$$\frac{1}{1}$$
 كم  $\frac{1}{1}$  هيئة  $\frac{1}{1}$  هيئ  $\frac{1}{1}$  هيئ  $\frac{1}{1}$  هيئ  $\frac{1}{1}$  هيئة  $\frac{1}{1}$ 

$$\frac{1}{1225}$$
 كم  $\frac{1}{1}$  •  $\frac{1}{1225}$  قدمًا •  $\frac{1}{1}$  •  $\frac{1}{1225}$  •  $\frac{1}{1}$  •

23 تساوي أصفار دالة كثيرة الحدود القيّم: 2-، 4، 0. ما جميع عوامل هذه الدالة؟

$$(x-4)$$
 و  $(x+2)$  (x (3)  $(x-4)$  و  $(x-4)$ 

$$(x-4)$$
 و  $(x+2)$  (1)

$$(x + 4)$$
 و  $(x - 2)$  (x (4)

$$(x+4)$$
 و $(x-2)$  (2)

$$f(x) = (x-4)^2 + 1$$
 ما مدى الدالة **24**

$$f(x) > 1 (3)$$
  $x > 4 (1)$ 

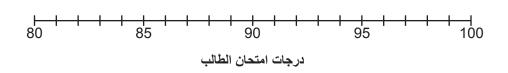
$$f(x) \ge 1 \tag{4}$$
 
$$x \ge 4 \tag{2}$$

أجب عن جميع الـ8 أسئلة في هذا الجزء. ستحصل كل إجابة صحيحة على نقطتين (2). حدد بوضوح الخطوات اللازمة، بما في ذلك بدائل المعادلة المناسبة، والرسوم التوضيحية، والرسوم البيانية، والجداول، وما إلى ذلك. استخدم المعلومات المقدمة لكل سؤال لتحديد إجابتك. لاحظ أن الرسوم البيانية ليست بالضرورة مرسومة بالأبعاد الحقيقية. بالنسبة لجميع الأسئلة في هذا الجزء، ستحصل كل إجابة رقمية صحيحة بدون إظهار الخطوات على نقطة واحدة (1) فقط. يجب أن تكون جميع الإجابات مكتوبة بالقلم الحبر الجاف، باستثناء الرسوم البيانية والرسوم التوضيحية، والتي يجب أن تكتب بالقلم الرصاص. [16]

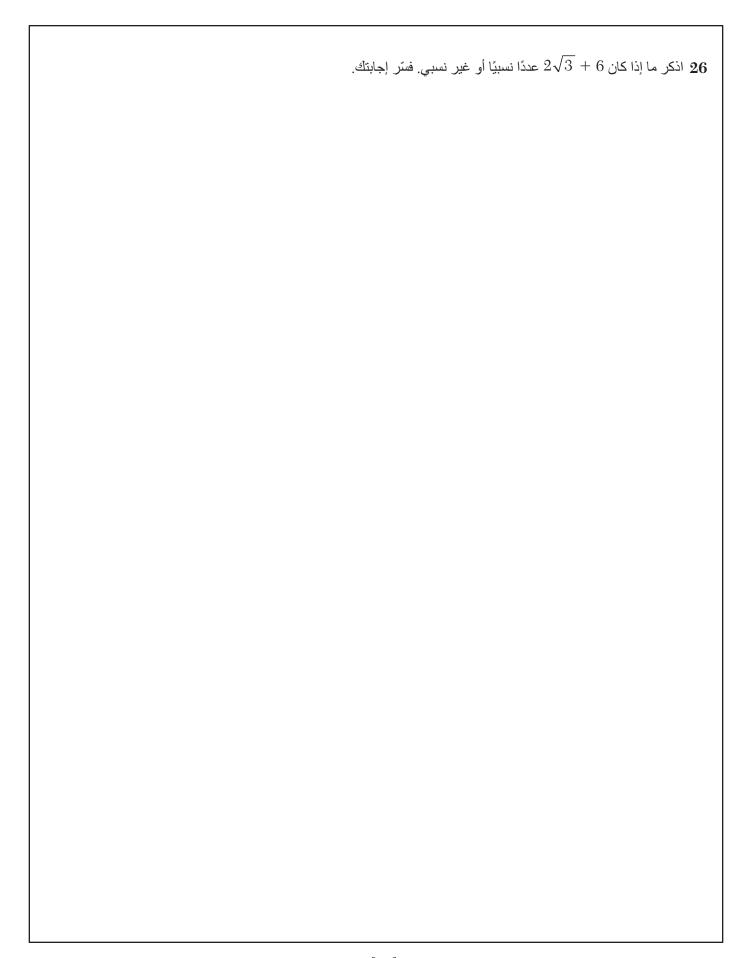
### 25 توضّع درجات الطلاب في آخر امتحان في الجدول أدناه.

90	82	92	96	85
88	85	95	88	90
85	82	96	87	90
87	92	85	96	92

على خط الأعداد الوارد أدناه، أنشئ مخططًا نقطيًا لتمثيل البيانات.



اذكر قيمة الوسيط الحسابي لدرجات الامتحان لمجموعة البيانات هذه.

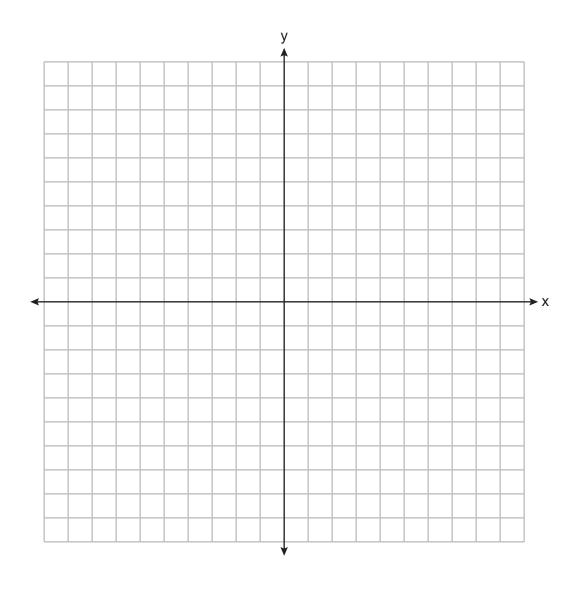


27 يوضح الجدول أدناه بيانات آخر عطلة بالسيارة قامت بها عائلة بورك.

5	4	3	2	1	عدد الساعات من وقت المغادرة (X)
305	238	178	112	45	عدد الأميال المقطوعة من المنزل (y)

اذكر متوسط معدل التغير للمسافة التي قطت بين الساعة 2 والساعة 4. استخدم الوحدات الصحيحة.

3y + 2x = 15 على المحاور أدناه، مثّل بيانيًا المعادلة 28



ثم وضّح السبب الذي يجعل (-6,9) حلاً للمعادلة.

29 باستخدام قانون المعادلة التربيعية، أوجد حل $6=0-2x-3$ لجميع قيم المتغير $x$ . ثم قرّب إجابات لأقرب جزء من المائة.

. توضَّح الدالة متعددة التعريف f(x) أدناه.  $f(x) = \begin{cases} 2x - 3, & x > 3 \\ -x^2 + 15, & x \le 3 \end{cases}$ f(3) حدد قيمة برر إجابتك.

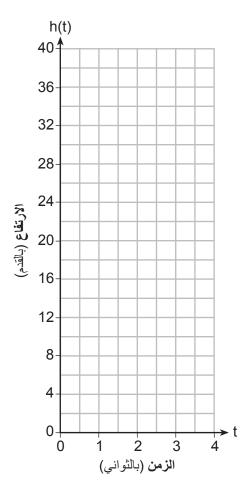
$(x-p)^2 = q$ بصيغة يا عن المعادلة $x^2 - 8x = -41$ عبّر عن المعادلة 31

عوامله الأولية. $32 - 4x^2$ إلى عوامله الأولية.

أجب عن جميع الـ4 أسئلة في هذا الجزء. ستحصل كل إجابة صحيحة على 4 نقاط. حدد بوضوح الخطوات اللازمة، بما في ذلك بدائل المعادلة المناسبة، والرسوم التوضيحية، والرسوم البيانية، والجداول، وما إلى ذلك. استخدم المعلومات المقدمة لكل سؤال لتحديد إجابتك. لاحظ أن الرسوم البيانية ليست بالضرورة مرسومة بالأبعاد الحقيقية. بالنسبة لجميع الأسئلة في هذا الجزء، ستحصل كل إجابة رقمية صحيحة بدون إظهار الخطوات على نقطة واحدة (1) فقط. يجب أن تكون جميع الإجابات مكتوبة بالقلم الحبر الجاف، باستثناء الرسوم البيانية والرسوم التوضيحية، والتي يجب أن تكتب بالقلم الرصاص. [16]

33 أثناء لعب الغولف، ضربت لورا الكرة من على الأرض. ويمكن تمثيل ارتفاع كرة الغولف، بالقدم، بالتعبير  $h(t) = -16t^2 + 48t$ 

مثّل h(t) بيانيًا على المحاور أدناه.



ما أقصى ارتفاع، بالقدم، بلغته كرة الغولف بعد هذه الضربة؟

كم عدد الثواني التي تستغرقها كرة الغولف لتقع على الأرض؟

34 يوضح الجدول أدناه عدد فصول الإعداد لامتحان SAT التي حضر ها خمسة طلاب والدرجات التي حصلوا عليها في الامتحان.

6	7	6	1	3	عدد فصول الإعداد للامتحان التي حضروها (x)
500	720	620	410	500	درجات امتحان SAT للرياضيات (y)

اذكر معادلة الانحدار الخطي لمجموعة البيانات هذه، بتقريب جميع القيم إلى أقرب جزء من المائة.

اذكر معامل الارتباط، بالتقريب إلى أقرب جزء من المائة.

اذكر ما يشير إليه معامل الارتباط حول مستقيم توفيق البيانات.

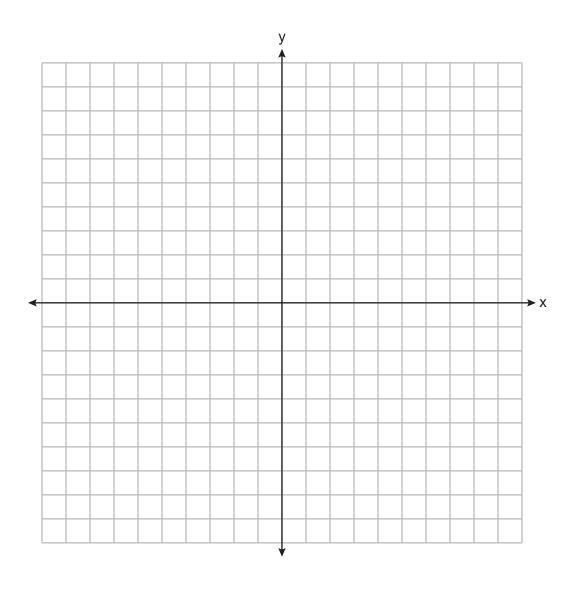
$35$ يزيد عمر جوليا عن ضعف عمر كيلي الممثل بالمتغير $\chi$ بمقدار $4$ سنوات. ويبلغ ناتج ضرب عمريهما $96$ . اكتب المعادلة التي تمثّل هذه المسألة.
أوجد عمر كيلي جبريًا.
اذكر فارق العمر بين عمر كيلي وجوليا بالسنوات.

36 على المحاور أدناه، مثّل بيانيًا نظام المتباينات التالي:

$$2x - y > 4$$

$$x + 3y > 6$$

حدد مجموعة الحل S.



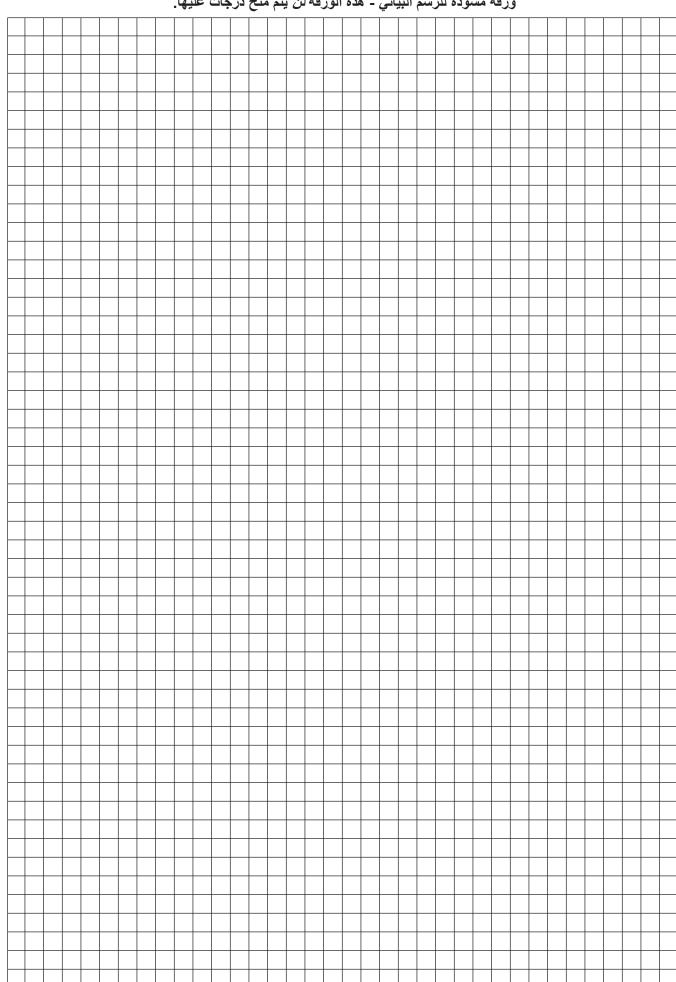
هل يعتبر الزوج المرتب (4,2) حلاً لهذا النظام؟ برر إجابتك.

#### الجزء IV

أجب عن السؤال في هذا الجزء. ستحصل الإجابة الصحيحة على 6 نقاط. حدد بوضوح الخطوات اللازمة، بما في ذلك بدائل المعادلة المناسبة، والرسوم التوضيحية، والرسوم البيانية، والجداول، وما إلى ذلك. استخدم المعلومات المقدمة لتحديد إجابتك. لاحظ أن الرسوم البيانية ليست بالضرورة مرسومة بالأبعاد الحقيقية. ستحصل كل إجابة رقمية صحيحة بدون إظهار الخطوات على نقطة واحدة (1) فقط. يجب أن تكتب بالقلم يجب أن تكتب بالقلم الرساص. [6]

[o]
q، يمتلك جيم كيسًا من النقود المعدنية. ويبلغ إجمالي مجموع عملات النيكل، $n$ ، وعدد عملات الأرباع، $q$ ، $q$ 0 عملة معدنية. ويبلغ إجمالي قيمة جميع العملات المعدنية $q$ 1 دو لارات.
أكتب نظام معادلات يمثّل هذه المسألة.
استخدم نظام المعادلات لتحدد جبريًا عدد كل من عملات الأرباع، $q$ ، وعملات النيكل، $n$ ، الموجودة في كيس جيم.
تم منح جيم 3.00 دولارات إضافية بها عدد متساوٍ من عملات النيكل والأرباع. فكم عدد كل من عملات النيكل وعملات الأرباع التي حصل عليها؟ برر إجابتك.

- - - -। हेर्स्यु क्रो



#### الورقة المرجعية لرياضيات المدرسة الثانوية

كوب $8=$ أونصات سائلة $1$	کیلومتر $2=0.62$ میل $1$	بوصة $4=2.54$ سنتيمتر $1$
باينت $2=2$ كوب $1$	رطل $6=1$ أونصة $1$	متر $7=39.37$ بوصة $1$
كوارت $2=2$ باينت $1$	رطل $4=0.45$ کیلوجرام $1$	میل $0=528$ قدمًا $1$
غالون $4=$ کوارت $1$	كيلوجرام $2.2=2$ رطل $1$	میل $0=1760$ یاردة
غالون $5 = 3.78$ لترات $1$	طن $=2000$ رطل $1$	میل $=1.609$ کیلومتر
لتر $4=0.264$ غالون $1$		

$a^2 + b^2 = c^2$	نظرية فيثاغورس
$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$	الصيغة التربيعية
an = a1 + (n-1)d	المتتالية الحسابية
$a_n = a_1 r^{n-1}$	المتتالية الهندسية
$S_n = \frac{a_1 - a_1 r^n}{1 - r}  \stackrel{\leftarrow}{\sim} r \neq 1$	السلسلة الهندسية
ررجة $\frac{180}{\pi}$ درجة $1$ زاوية نصف قطرية (راديان)	الزاوية نصف القطرية (راديان)
(رادیان) زاویة نصف قطریة (رادیان $rac{\pi}{180}$	الدرجات
$A = A_0 e^{k(t - t_0)} + B_0$	النمو/الاضمحلال الأسي

لتر = 1000 سنتيمتر مكعب 1

$A = \frac{1}{2}bh$	المثلث
A = bh	متوازي الأضلاع
$A = \pi r^2$	الدائرة
$C=2\pi r$ i, $C=\pi d$	الدائرة
V = Bh	المنشور
$V = \pi r^2 h$	الأسطوانة
$V = \frac{4}{3}\pi r^3$	الكرة
$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$	المخروط
$V = \frac{1}{3}Bh$	الهرم

يُطبع على ورق معاد تدويره